



Università degli Studi di Cassino e del Lazio Meridionale

Corso di Fondamenti di Informatica *Algoritmi ed esecutori*

Anno Accademico 2016/2017

Francesco Tortorella

Che cosa si intende per INFORMATICA ?

- Scienza della rappresentazione e dell'elaborazione dell'informazione
 - L'informazione è il concetto principale dell'Informatica.
 - L'elaborazione dell'informazione avviene in maniera sistematica e rigorosa e quindi può essere automatizzata

Che cosa si intende per INFORMATICA ?

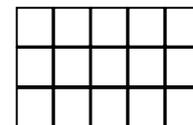
- Scienza dell'astrazione
 - creare il giusto modello per un problema e individuare le tecniche appropriate per risolverlo in modo automatico
 - L'obiettivo è quello di sostituire una situazione del mondo reale complessa e particolareggiata con un modello comprensibile e privo di dettagli inessenziali, all'interno del quale si possa risolvere il problema

Che cosa si intende per INFORMATICA ?

- Mettiamo insieme le due definizioni:

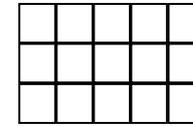
Obiettivo dell'Informatica è creare delle astrazioni di problemi del mondo reale che possano essere rappresentate ed elaborate all'interno di un sistema di calcolo al fine di eseguire dei procedimenti risolutivi in modo automatico

Esempio

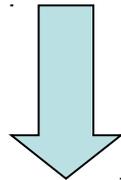


- Si devono dividere lastre di marmo di Carrara, rettangolari e di dimensioni $A \times B$ (con A e B variabili) in tanti quadrati uguali avente il lato della maggiore lunghezza possibile e senza generare sfrido. Si supponga che tutte le dimensioni siano numeri interi.
- Si vuole realizzare un procedimento automatico che, per ogni lastra verifichi se ciò è possibile, date le dimensioni, e, in caso positivo, fornire la lunghezza del lato del quadrato (può essere diverso per ogni lastra).

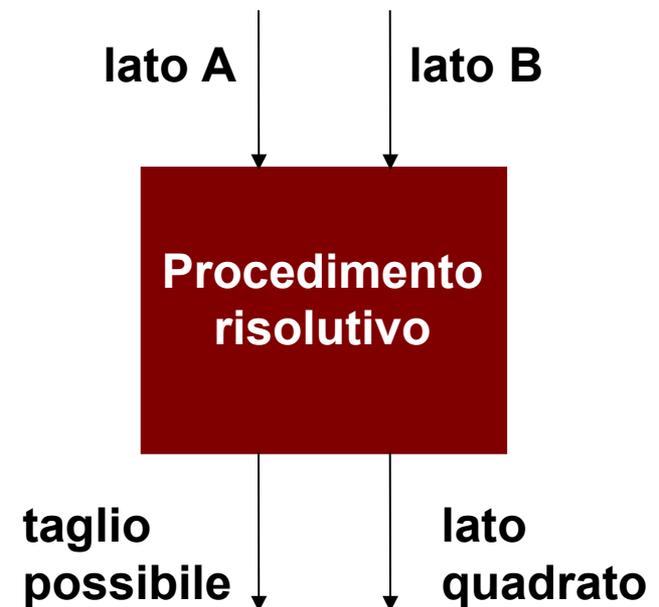
Esempio



- Quali sono gli aspetti importanti del problema ?
- Quali sono i dati a disposizione ?
- Quali sono i dati richiesti ?



- Come si può ridefinire in forma astratta il problema ?



Ridefiniamo il problema

- Calcolare il Massimo Comune Divisore (MCD) dei due numeri interi A e B
- Se il MCD è diverso da 1, il taglio è possibile e la misura del lato del quadrato è data dal MCD.
- Se il MCD è uguale a 1, il taglio non è possibile

Come eseguire il calcolo in modo automatico ?

E' necessario un procedimento sistematico, costituito da un insieme finito di operazioni, ognuna delle quali sia precisa (non ambigua) ed eseguibile, da applicare ai dati in ingresso perché possa fornire dei dati in uscita.



E' necessario un **algoritmo**

E' un algoritmo ?

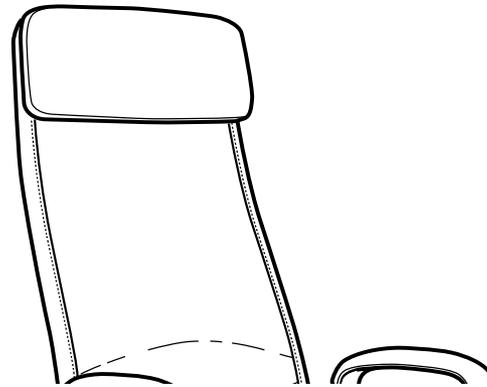
Scaldare l'olio, aggiungere la carne di cinghiale e i gusti tritati, far soffriggere bene. Quando la carne sarà ben rosolata aggiungere il bicchiere di vino, lasciar sfumare, aggiungere un bicchiere d'acqua e lasciar cuocere per almeno 30 minuti (aggiungere ancora acqua quando necessario).

Unire quindi la passata di pomodoro, regolare di sale e pepe e lasciar cuocere ancora per 15 minuti.

Nel frattempo avrete messo a cuocere le pappardelle in abbondante acqua salata. Scolarle al dente, condirle con la salsa ben calda e servire con eventuale aggiunta di parmigiano.

E' un algoritmo ?

MARKUS



Algoritmo risolutore

1. Leggi il valore di A e di B
2. Calcola il MCD di A e di B e scrivilo in C
3. Se $C=1$ comunica che il taglio non è possibile; altrimenti comunica che il taglio è possibile e che la misura del lato del quadrato è C
4. Termina

Sappiamo calcolare il MCD ?

Algoritmo di Euclide

- Uno degli algoritmi più antichi conosciuti, presente negli *Elementi* di Euclide intorno al 300 a.C. (proposizione VII.2)
- Probabilmente non scoperto da Euclide. Certamente era conosciuto da Eudosso di Cnido intorno al 375 a.C.
- Aristotele (intorno al 330 a.C.) ne ha fatto cenno ne *I topici*, 158b, 29-35.
- Non richiede la fattorizzazione dei due interi.

Algoritmo di Euclide

1. Leggi due numeri X e Y , con $X > Y$
2. Dividi X per Y e ottieni il resto R
3. Se $R=0$, termina: il MCD è Y
4. Sostituisci X con Y
5. Sostituisci Y con R
6. Torna al punto 2.

Esempio

MCD di 1365 e 3654

X	Y	R	MCD
3654	1365	924	
1365	924	441	
924	441	42	
441	42	21	
42	21	0	21

MCD di 8351 e 772

X	Y	R	MCD
8351	772	631	
772	631	141	
631	141	67	
141	67	7	
67	7	4	
7	4	3	
4	3	1	
3	1	0	1

Alcune considerazioni

- L'algoritmo è del tutto generale, ma, in qualsiasi caso *specifico*, il procedimento avrà termine e fornirà una risposta precisa in un numero finito di passi.
- A ogni passo, è perfettamente chiaro quale operazione si debba compiere e anche la decisione circa il momento in cui il procedimento si debba ritenere concluso è perfettamente definita.
- La descrizione dell'intero procedimento è presentata in termini *finiti*, anche se può essere applicata a numeri naturali di dimensioni *illimitate*.
- Il procedimento descritto assume che sia noto come eseguire particolari operazioni quali il calcolo del resto della divisione intera tra due numeri naturali. E se così non fosse ?



Sarebbe necessario un opportuno **algoritmo**

Calcolo del resto della divisione intera tra due numeri naturali M ed N

1. Leggi due numeri M e N
2. Se $M < N$ termina: il resto è M
3. Sostituisci M con $M - N$
4. Ritorna al punto 2.

M	N	resto
67	20	
47	20	
27	20	
7	20	7

M	N	resto
8351	772	
7579	772	
6807	772	
6035	772	
5263	772	
4491	772	
3719	772	
2947	772	
2175	772	
1403	772	
631	772	631

**Come si modifica l'algoritmo per
ottenere anche il quoziente ?**

Mettiamo tutto insieme

1. Leggi il valore di A e di B
2. Calcola il MCD di A e di B e scrivilo in C
3. Se $C=1$ comunica che il taglio non è possibile; altrimenti comunica che il taglio è possibile e che la misura del lato del quadrato è C
4. Termina

1. Leggi due numeri X e Y, con $X > Y$
2. Dividi X per Y e ottieni il resto R
3. Se $R=0$, termina: il MCD è Y
4. Sostituisci X con Y
5. Sostituisci Y con R
6. Torna al punto 2.

1. Leggi due numeri M e N
2. Se $M < N$ termina: il resto è M
3. Sostituisci M con $M-N$
4. Ritorna al punto 2.

Sono possibili (o necessarie) ulteriori “esplosioni” ?

Chi esegue le operazioni ?

Una volta definito, l'algoritmo deve essere sottoposto ad un *esecutore*.

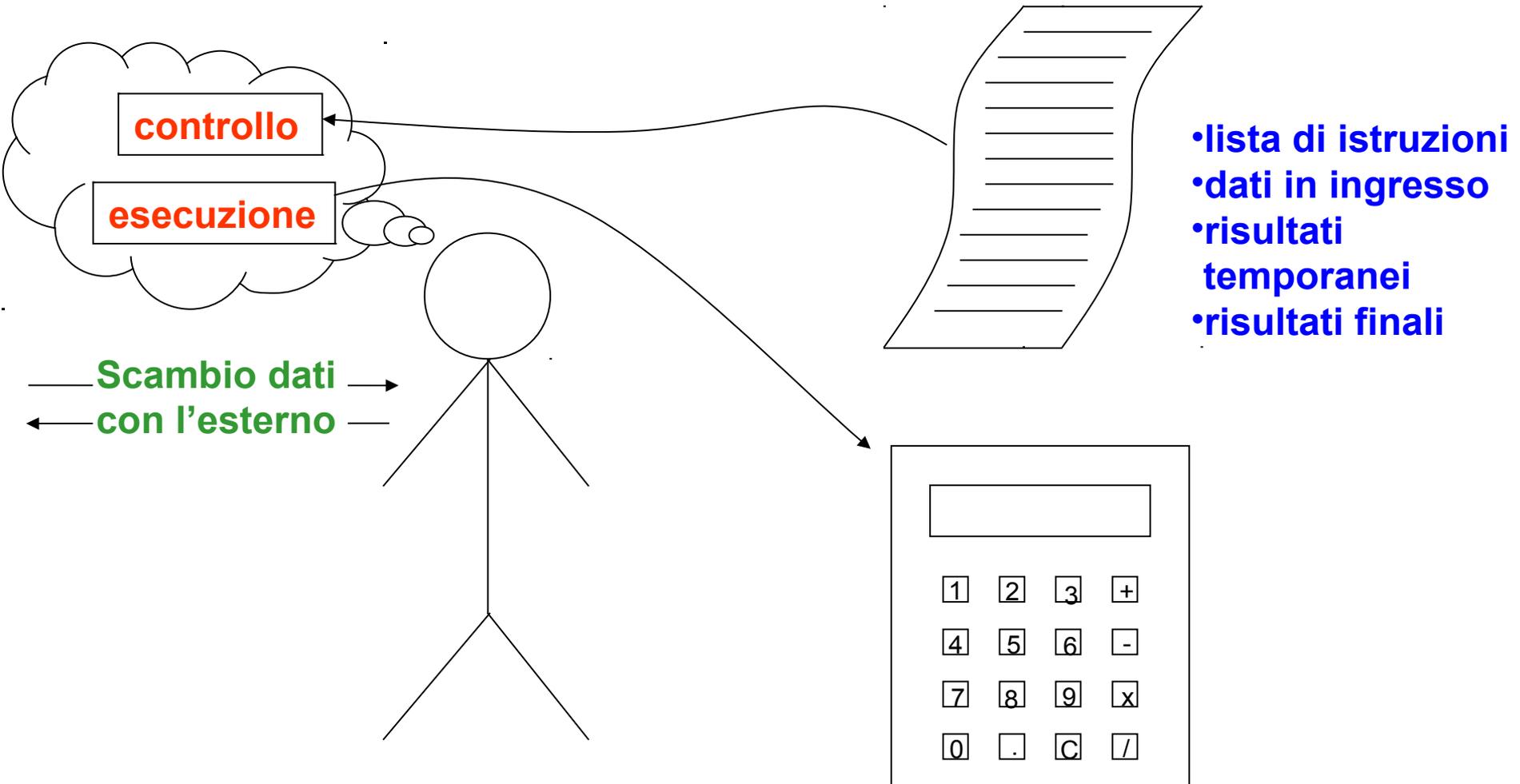
L'esecutore deve essere in grado di:

- interpretare correttamente la sequenza di comandi
- eseguire ognuno dei comandi forniti
- memorizzare informazioni su opportuni supporti che permettano di accedere alle informazioni memorizzate e modificarle

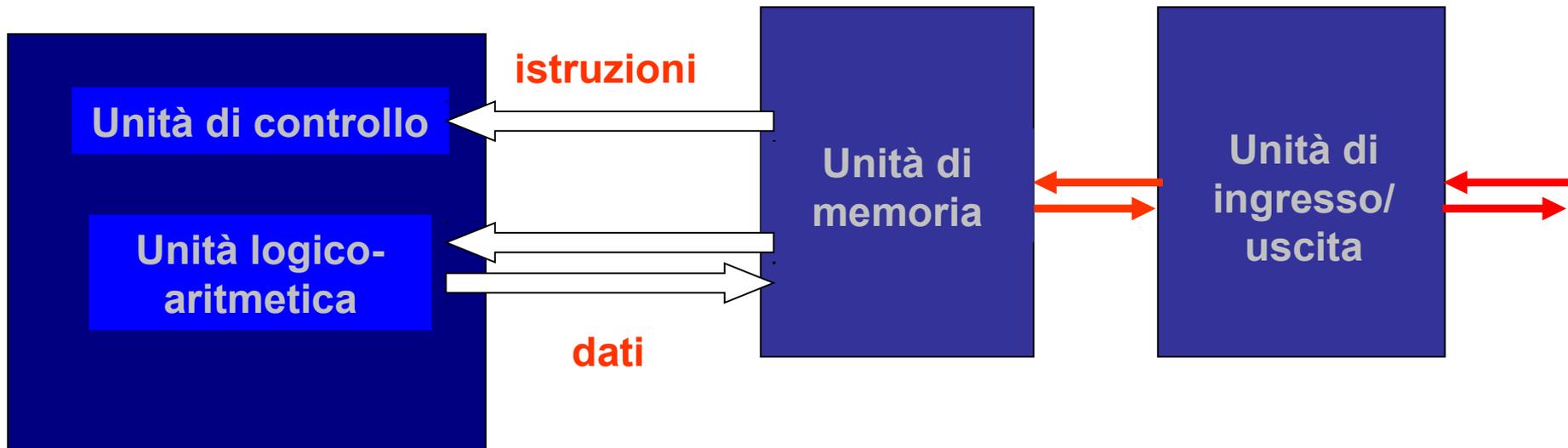
Nota:

l'esecutore non è necessariamente consapevole di quello che sta facendo.

Un esecutore “umano”



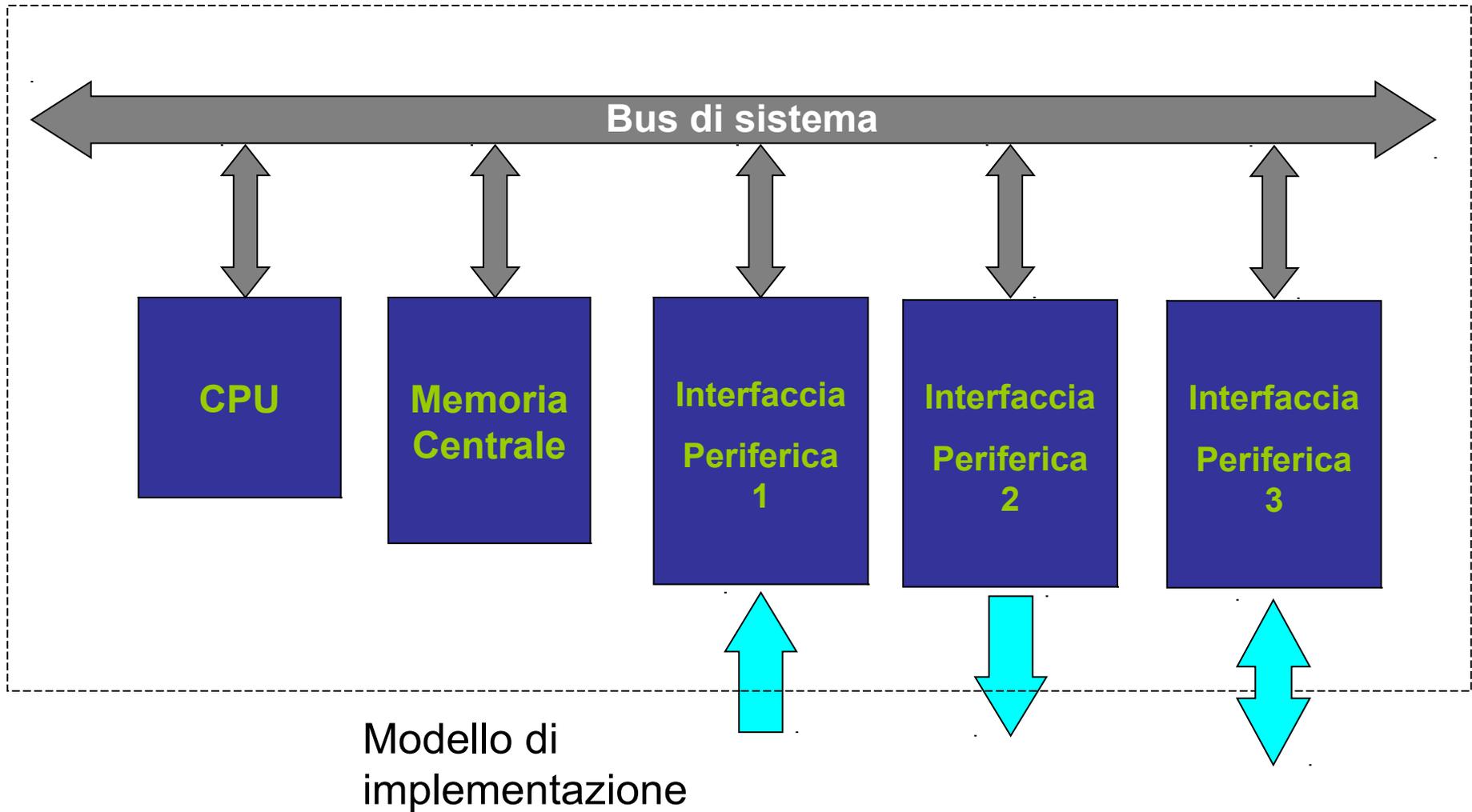
Un esecutore non umano



Differenze tra i due tipi di esecutori:

- rappresentazione delle istruzioni
- rappresentazioni dei dati

Modello di von Neumann



Il modello di von Neumann oggi...

Nell'architettura dei moderni sistemi di elaborazione ritroviamo l'organizzazione del modello di von Neumann



Motherboard per sistema server